

## KULMAT AVARUUDESSA

due s. 56-58

- suorat : suuntavektorit
- tasot : normaalivektorit

esim 1  
159a) kaava s. 56

esim 2  
165a) s. 57

esim 3  
161

<p>esim 159a) <math>\vec{s}_1 = 4\vec{i} - 3\vec{j}</math> ja <math>\vec{s}_2 = \vec{i} - 2\vec{j}</math></p> $\vec{s}_1 \cdot \vec{s}_2 =  \vec{s}_1   \vec{s}_2  \cos \alpha$ $\cos \alpha = \frac{\vec{s}_1 \cdot \vec{s}_2}{ \vec{s}_1   \vec{s}_2 }$ $\cos \alpha = \frac{4 \cdot 1 + (-3) \cdot (-2)}{\sqrt{4^2 + (-3)^2} \sqrt{1^2 + (-2)^2}}$ $\cos \alpha = \frac{10}{\sqrt{25} \sqrt{5}}$ $\cos \alpha = \frac{2\sqrt{5}}{5}$ $\alpha = 26,565^\circ$ $\alpha \approx 26,6^\circ$	<p>laskin oikeasti</p> <p><math>\vec{a} := [4, -3]</math>  <math>\vec{b} := [1, -2]</math>          MENU 7          C          3 →          do</p> <p>vektorin pituus          menu 7          7          1</p>
---	---

$$d \approx 26,565^\circ \approx 26,6^\circ$$

$$\begin{aligned} \text{165. a) } x - 2y + 3z - 4 &= 0 & \vec{n}_1 &= i - 2j + 3k \\ 2x - 5y + 2z + 4 &= 0 & \vec{n}_2 &= 2i - j + 2k \end{aligned}$$

$$\cos d = \frac{\vec{n}_1 \cdot \vec{n}_2}{|\vec{n}_1| |\vec{n}_2|}$$

$$\cos d = \frac{10}{3\sqrt{14}}$$

$$= \frac{5\sqrt{14}}{21}$$

$$d \approx 27^\circ$$

$$\approx 27,01^\circ$$

$$\begin{aligned} |\vec{n}_1| |\vec{n}_2| &= \sqrt{1^2 + (-2)^2 + 3^2} \cdot \sqrt{2^2 + (-1)^2 + 2^2} \\ &= \sqrt{14} \cdot \sqrt{9} \\ &= 3 \cdot \sqrt{14} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \vec{n}_1 \cdot \vec{n}_2 &= 1 \cdot 2 + (-1) \cdot (-2) + 2 \cdot 3 \\ &= 10 \end{aligned}$$

158 a) PISTEVLU  
 $\vec{a} := 4\vec{i} - 3\vec{j}$   
 $\vec{b} := \vec{i} - 2\vec{j}$

I tapa

$\vec{a} := [4, -3]$   
 ↑ pituus     ↑ etumerkki

$\vec{b} := [1, -2]$

MENU 7  
 C  
 3 → dotP(a, b)

II tapa

dotP([ , ], [ , ])

VEKTORIN PITUUS I tapa  
 MENU 7  
 7  
 1

muuttaja vektorit  
 norm(a)

I tapa norm([ , ])

## Tarojen välinen kulma

kts. kirjain kuunt s. 131 !

- tarot ovat yhdenmuuntaiset, jos niiden normaalivektorit ovat yhdenmuuntaisia
- tarot kohtisuorassa:  
tarojen norm. vektorit ovat kohtisuorassa toisiaan vastaan
- jos kahden taron normaalivektorit ovat erisuuntaiset, tarot erisuuntaiset ja liikkavat toisensa jatkkin suoraan

esim 1  
Kiijän  
S.132

joko  $\bar{m}_1 = t\bar{m}_2$

tai

$$\bar{n} = m_x \bar{i} + m_y \bar{j} + m_z \bar{k}$$

$$\frac{\bar{m}_{1x}}{\bar{m}_{2x}} = \frac{\bar{m}_{1y}}{\bar{m}_{2y}}$$

esim 2

$$\bar{m}_1 = t\bar{m}_2$$

nestra  
nuntasektorien  
yhdennumtaisuus

Kolmen tasom keskinäinen asema