

EKSPONENTTIYHTÄLÖ

$$\boxed{a^m \cdot a^n = a^{m+n}}$$

$$\boxed{(a^m)^n = a^{m \cdot n}}$$

eksponentit laskeaan yhteen

eksponentit kerotaan keskenään

E1

$$2^x = 2^5$$

E2

$$27 = 3^x$$

E3

$$5^3 \cdot 5^x = 5^9$$

E4

$$3^x = 4$$

E5

$$15 \cdot 10^x = 323$$

vastaus 2-des. log.

E1

$$2^x = 2^5$$

kantaluvut samat, verrataan eksponentteja

V: x = 5

E2

$$27 = 3^x$$

$$3^x = 27$$

$$3^x = 3^3$$

yritetään saada sama kantaluku molemmille puoleille

V: x = 3

verrataan eksponentteja

E3

$$5^3 \cdot 5^x = 5^9$$

$$5^{3+x} = 5^9$$

$$3+x = 9$$

$$x = 9-3$$

V: x = 6

verrataan eksponentteja keskenään

$$a^x = b$$

$$x = \log_a b$$

E4

$$3^x = 4$$

Yhtälön $a^x = b$ ratkaisu on $x = \log_a b$, jossa $a > 0$, $a \neq 1$ ja $b > 0$.

$$x = \log_3 4$$

$$x = \log_3(4) \approx 1.26186$$

$$x \approx 1,26$$



Abicus-ohjelmistolla ei voi laskea kuin 10-kantaista tai luonnollista logaritmia. Ei voi itse määrittää kantalukua.

Speedyllä kyllä vielä voi. Huom! Syntaksi!

$$\log(3;4)$$

$$= 1,26185951$$

$$\log_3 x$$

$$\log_2 x$$

$$\ln x = \log_e x$$

3-kant. log.

2-kant. log.

e-kant. log.

e Neperin luku
 $\approx 2,718 \dots$

$$\lg x = \log_{10} x$$

10-kant. log.

E5 Ratkaise yhtälö $15 \cdot 10^x = 323$

Ohjelmistolla:

$$\text{solve}(15 \cdot 10^x = 323, x) \rightarrow x = 1.33311126328$$

Käsin välivaiheittain:

$$15 \cdot 10^x = 323 \quad |:15$$

$$10^x = \frac{323}{15}$$

$$\log_{10} \left(\frac{323}{15} \right) \rightarrow 1.33311126328$$