

# Logaritmifunktion derivaatta

- Tutkitaan kuvaajalle  $f(x) = \ln x$  piirrettyjä tangentteja.
- Lause.
  - a)  $D \ln x = \frac{1}{x}$ , kun  $x > 0$ .
  - b)  $D \ln|x| = \frac{1}{x}$ , kun  $x \neq 0$ .

# Esimerkki 1

Derivoi

a)  $4 \ln x, x > 0$

b)  $\ln(3x + 1), x > -\frac{1}{3}$

**Ratkaisu.**

a)  $D4 \ln x = 4D \ln x = 4 \cdot \frac{1}{x} = \frac{4}{x}, x > 0$

b)  $D \ln(3x + 1) = \frac{1}{3x+1} \cdot D(3x + 1) = \frac{3}{3x+1}, x > -\frac{1}{3}$

# Logaritmifunktion derivaatta

- Koska  $\log_a x = \frac{\ln x}{\ln a} = \frac{1}{\ln a} \cdot \ln x$ , saadaan funktion  $\log_a x$  derivaatasta

$$D\log_a x = D\left(\frac{1}{\ln a} \cdot \ln x\right) = \frac{1}{\ln a} \cdot D\ln x = \frac{1}{\ln a} \cdot \frac{1}{x}$$

$\frac{1}{\ln a}$  on vakio

- **Lause.**  $D\log_a x = \frac{1}{\ln a} \cdot \frac{1}{x}$ , kun  $x > 0$ .

## Esimerkki 2

Derivoi  $\log_3 x$ .

**Ratkaisu.**

$$D\log_3 x = \frac{1}{\ln 3} \cdot \frac{1}{x} = \frac{1}{x \ln 3}$$