

Ympyrän yhtälö

- Muodostetaan ympyrän yhtälö yleisessä tapauksessa
 - Olkoon ympyrän keskipiste (a, b) ja säde r
- Ympyrän pisteet (x, y) eli ympyrän kehän pisteet ovat kaikki säteen etäisyydellä keskipisteestä.
 - Tästä saadaan kahden pisteen välisen etäisyyden kaavalla yhtälö

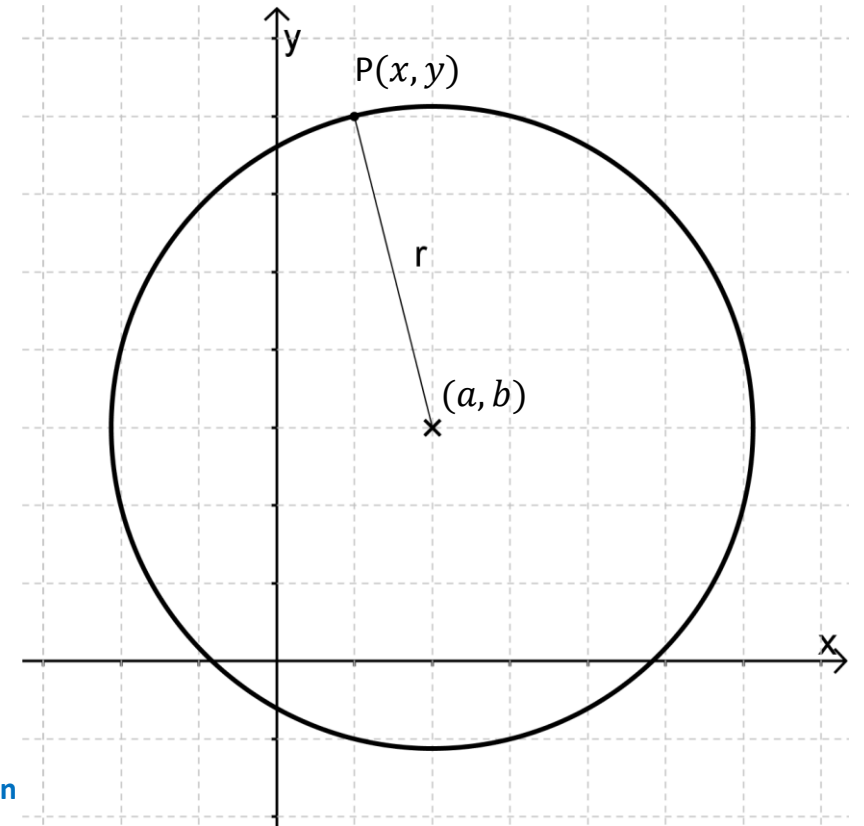
$$\sqrt{(x - a)^2 + (y - b)^2} = r$$

$$(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$$

$()^2$

Koska molemmat puolet ≥ 0 , voidaan korottaa neliöön.

Tämä on ympyrän yhtälön *keskipistemuoto*.
(Yhtälöstä näkee keskipisteen koordinaatit (a, b) sekä säteen r .)



Yhtälö $(x + 2)^2 + (y - 7)^2 = k$ on ympyrän yhtälö, jos $k = r^2$ eli säteen neliö.

Keskipiste on $(-2, 7)$

- a) Säteen neliö on aina positiivinen, joten tästä saadaan ehto $k > 0$.
(Tällöin säde $r = \sqrt{k}$)
- b) Ympyrän säde on 9, kun $k = r^2 = 9^2 = 81$.
- c) Ympyrä kulkee origon kautta, jos origon koordinaatit $x = 0$ ja $y = 0$ toteuttavat ympyrän yhtälön. Siis sijoitetaan nämä ympyrän yhtälöön ja ratkaistaan k :

$$(0 + 2)^2 + (0 - 7)^2 = k$$

$$k = 4 + 49 = 53$$

V: Ympyrä kulkee origon kautta, kun $k = 53$.

