

3.14 Olkoon $f(x) = \frac{2x^2 + 3x - 2}{2x^2 - 3x + 1}$, kun $x \neq \frac{1}{2}$ ja

$x \neq 1$. Onko funktio f

a) jatkuva b) kaikkiällä jatkuva?

Nimittäjän nollakohdat: $2x^2 - 3x + 1 = 0$

$$x = \frac{1}{2} \vee x = 1$$

$2x^2 + 3x - 2$ on jatkuva kun $x \in \mathbb{R}$

$2x^2 - 3x + 1$ ————— || —————
polynomifunktio on a

a) $f(x)$ on siis jatkuva kun $x \neq \frac{1}{2}$ ja $x \neq 1$

b) ei ole jatkuva
kaikkiällä, eli
kun $x = \frac{1}{2}$ \vee $x = 1$

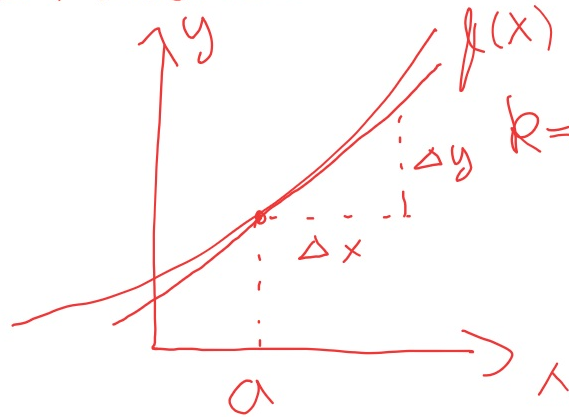
Derivaatta

- kuva funktion muutosnopeutta

- geometrinen tulkinta:

funktion $f(x)$ derivaatta kohdassa $x=a$ on $f(x)$:n kuvaajalla kohtaan $x=a$ piirretyksen tangenttisuoran kulmakerto k .

Merk: $f'(a) = k$



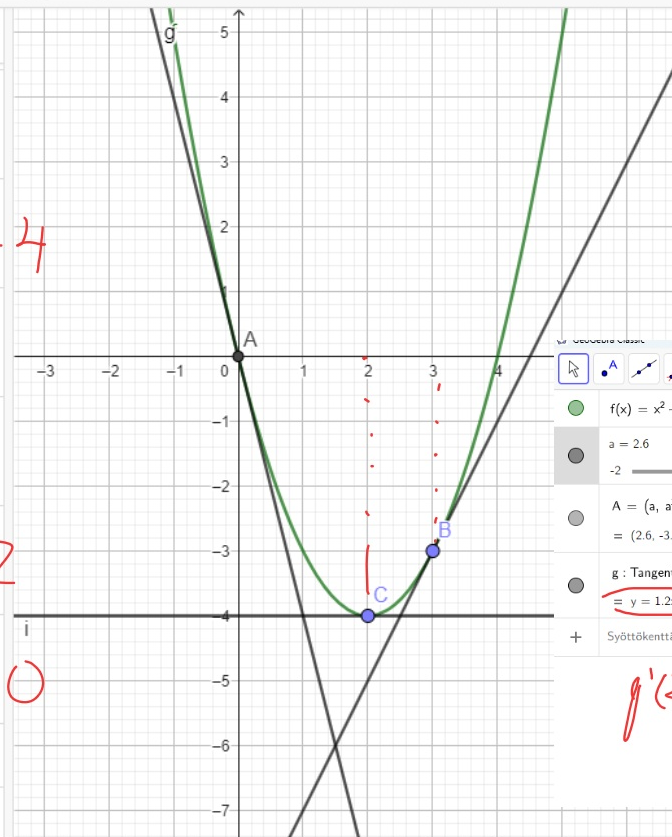
$$k = \frac{\Delta y}{\Delta x}$$

$$f'(a) = k$$



$f(x) = x^2 - 4x$
 $A = \text{Leikkauspiste}(f, \text{yAkseli}, 1)$
 $= (0, 0)$
 $g : \text{Tangentti}(A, f)$
 $= y = -4x$
 $B = \text{Piste}(f)$
 $= (3, -3)$
 $C = \text{Piste}(f)$
 $= (2, -4)$
 $h : \text{Tangentti}(B, f)$
 $= y = 2x - 9$
 $i : \text{Tangentti}(C, f)$
 $= y = -4$
 $k = 0$

$f'(0) = -4$
 $f'(3) = 2$
 $f'(2) = 0$



liikerväitelmällä

