

Suoran yhtälö

134. a) 3
b) 8
c) -5

135. a) (0, 9)
b) (0, -1)
c) (0, 0)

136. A-2, B-3, C-1

137. a) $k = 12$, (0, 3)
b) $k = -6$, (0, -7)
c) $k = 1$, (0, 0)

138.

	Suoran yhtälö	Kulmakerroin
r	$y = 11x + 9$	11
s	$y = -12x + 7$	-12
t	$y = -\frac{1}{3}x + 6$	$-\frac{1}{3}$
u	$y = -0,5 + 4x$	4

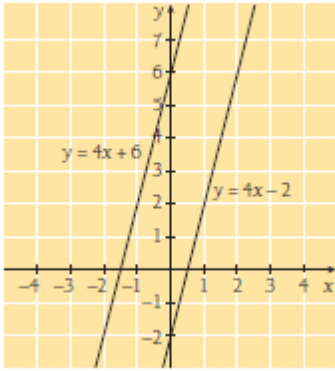
Laskevia $y = -12x + 7$ ja $y = -\frac{1}{3}x + 6$

139. a) l
b) m
c) s
d) n

140. a) (0, -14)
b) (2, 0)

141. a) $k = -2$, (0, -3)
b) $k = 1$, (0, 1)

142.



$$y = 4x + 6$$

143.

a) $y = -3$

b) $x = 2$

c) $y = 2x - 5$

144.

a) $y = 5$

b) $x = -1$

c) $y = -12x + 3$ ja $y = -12x - 1$

145.

Suora ja koordinaattiakselit rajaavat kolmion. Määritetään kolmion pinta-ala laskemalla suoran leikkauspisteet y - ja x -akselin kanssa.

a) $y = -5x + 13$ Leikkauspiste y -akselin kanssa
nähdään suoraan yhtälöstä: $(0, 13)$.

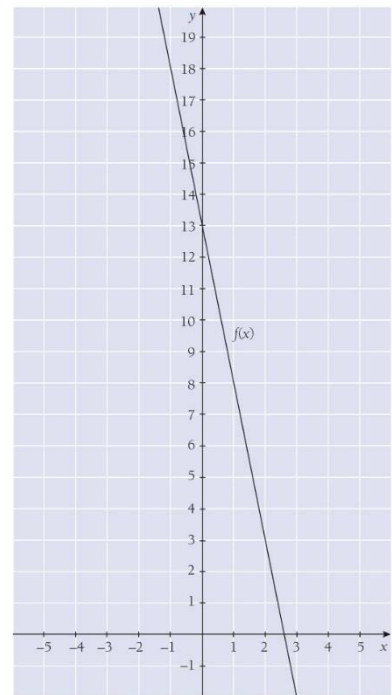
Suora leikkaa x -akselin, kun $y = 0$.

$$\begin{aligned} 0 &= -5x + 13 \\ 5x &= 13 \\ x &= \frac{13}{5} = 2\frac{3}{5} \approx 2,6 \end{aligned}$$

Leikkauspiste x -akselin kanssa on $(2,6; 0)$.

Kolmion pinta-ala on

$$A = \frac{\text{kanta} \cdot \text{korkeus}}{2} = \frac{2,6 \cdot 13}{2} = 16,9 \approx 17.$$



b) $3x - 2y + 8 = 0$

Muokataan suoran yhtälö muotoon $y = kx + b$.

$$\begin{aligned} -2y &= -3x - 8 && | : (-2) \\ y &= \frac{3}{2}x + 4 \end{aligned}$$

Leikkauspiste y -akselin kanssa nähdään suoraan
yhtälöstä: $(0, 4)$.

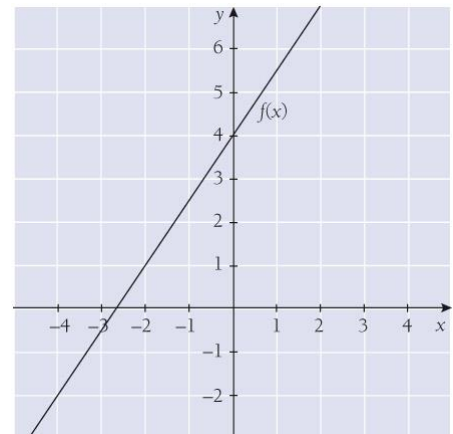
Suora leikkaa x -akselin, kun $y = 0$.

$$\begin{aligned} 0 &= \frac{3}{2}x + 4 \\ \frac{3}{2}x &= -4 \\ 3x &= -8 \\ x &= -\frac{8}{3} \end{aligned}$$

Suoran ja x -akselin leikkauspiste on $(-\frac{8}{3}, 0)$.

Kolmion pinta-ala on

$$A = \frac{\text{kanta} \cdot \text{korkeus}}{2} = \frac{\frac{8}{3} \cdot 4}{2} = \frac{8}{3} \cdot 2 = \frac{16}{3} = 5\frac{1}{3}.$$



146. Pisteiden $(x_1, y_1) = (1, 1)$ ja $(x_2, y_2) = (6, 9)$ kautta kulkevan suoran kulmakerroin:

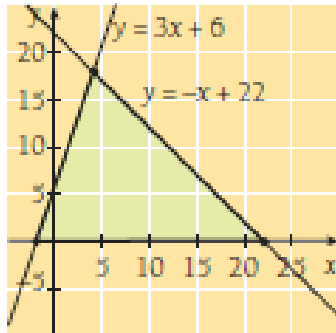
$$k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{9 - 1}{6 - 1} = \frac{8}{5}$$

Pisteiden $(x_1, y_1) = (8, 5)$ ja $(x_2, y_2) = (-2, -11)$ kautta kulkevan suoran kulmakertoimen:

$$k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-11 - 5}{-2 - 8} = \frac{-16}{-10} = \frac{8}{5}$$

Suorat ovat yhdensuuntaiset, koska niiden kulmakertoimet ovat yhtä suuret.

147.

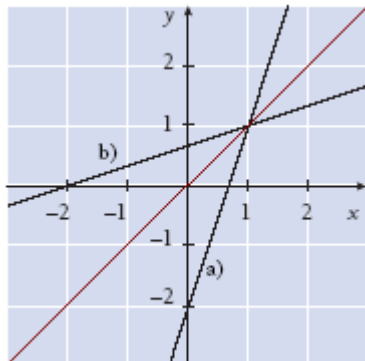


kärkipisteet $(-2, 0)$, $(4, 18)$ ja $(22, 0)$, pinta-ala 216

148.

$y = 3x - 2$; kuvassa a)

$y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$; kuvassa b)



Suorat ovat toistensa peilikuvia suoran $y = x$ suhteen.

Muokataan jälkimmäistä yhtälöä.

$$y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3} \quad | \quad \cdot 3$$

$$3y = x + 2$$

$$-x = -3y + 2 \quad | \quad : (-1)$$

$$x = 3y - 2$$

Suorien yhtälöt ovat muuten samat, mutta x ja y vaihtavat paikkaa.

149.

a) $k = -5$, $(0, 10)$

b) $k = -2$, $(0, 0)$

c) $k = 1, (0, 5)$

150. a) m

b) s

c) n

d) l

151.

Suoran yhtälö	Kulmakerroin
$y = -x + 2$	-1
$y = 14x + 8$	14
$y = -x + \frac{1}{3}$	-1
$y = -14x + 8$	-14

a) $y = 14x + 8$

b) $y = -x + 2$ ja $y = -x + \frac{1}{3}$

152. a) $(0, 4)$

b) $\left(\frac{2}{3}, 0\right)$

153. Merkitään suorien yhtälöitä yhtä suuriksi ja ratkaistaan syntynyt yhtälö.

$$5x - 1 = -2x + 3$$

$$7x - 1 = 3$$

$$7x = 4$$

$$x = \frac{4}{7}$$

Suorat leikkaavat siis kohdassa

$$x = \frac{4}{7}$$

Sijoitetaan x :n arvo toisen suoran yhtälöön suorien leikkauspisteen y -koordinaatin selvittämiseksi.

$$y = 5x - 1 = 5 \cdot \left(\frac{4}{7}\right) - 1 = \frac{20}{7} - 1 = \frac{20}{7} - \frac{7}{7} = \frac{13}{7} = 1\frac{6}{7}$$

Vastaus Suorat leikkaavat pisteessä $\left(\frac{4}{7}, 1\frac{6}{7}\right)$.

154. a) Suora kulkee pisteen $(0, 7)$ kautta, joka sijaitsee y -akselilla. Suora siis leikkaa y -akselin kohdassa $(0, 7)$, jolloin tiedetään, että suoran yhtälön vakiotermin on $b = 7$. Kulmakerroin on $k = -9$. Sijoittamalla nämä suoran yleiseen yhtälöön $y = kx + b$ saadaan suoralle yhtälö $y = -9x + 7$.

b) Kun suora on x -akselin suuntainen, sen kulmakerroin on 0 . Sijoittamalla tämä suoran yleiseen yhtälöön saadaan suoralle yhtälö $y = 7$.

c) Kun suora on y -akselin suuntainen, sillä ei ole kulmakerrointa. Suoran yhtälö on muotoa $x = 0$.

155. a) Suora kulkee pisteen $(0, 18)$ kautta ja on yhdensuuntainen suoran $y = 20x$ kanssa.

Suoran kulmakerroin on sama kuin suoran $y = 20x$ eli $k = 20$. Suoran ja y -akselin leikkauspiste on $(0, 18)$ eli $b = 18$.

Suoran yhtälö muodossa $y = kx + b$ on $y = 20x + 18$.

b) Suora kulkee pisteen $(0, 18)$ kautta ja on yhdensuuntainen suoran $20x + 10y = 5$ kanssa.

$$\begin{array}{r} 20x + 10y = 5 \\ 4x + 2y = 1 \end{array} \quad | : 5$$
$$\begin{array}{r} 2y = -4x + 1 \\ y = -2x + 0,5 \end{array}$$

Suoran kulmakerroin on sama kuin suoran $y = -2x + 0,5$ eli $k = -2$. Suoran ja y -akselin leikkauspiste on $(0, 18)$ eli $b = 18$.

Suoran yhtälö muodossa $y = kx + b$ on $y = -2x + 18$.

156. Kolmion muotoisen metsäpalstan sivuina ovat koordinaattiakselit ja suora $x + 3y - 12 = 0$.

Muokataan suoran yhtälö muotoon $y = kx + b$.

$$\begin{array}{r} x + 3y - 12 = 0 \\ 3y = -x + 12 \end{array} \quad | : 3$$
$$y = -\frac{1}{3}x + 4$$

Leikkauspiste y -akselin kanssa nähdään suoraan yhtälöstä: $(0, 4)$.

Suora leikkaa x -akselin, kun $y = 0$.

$$0 = -\frac{1}{3}x + 4$$

$$\frac{1}{3}x = 4$$

$$x = 12$$

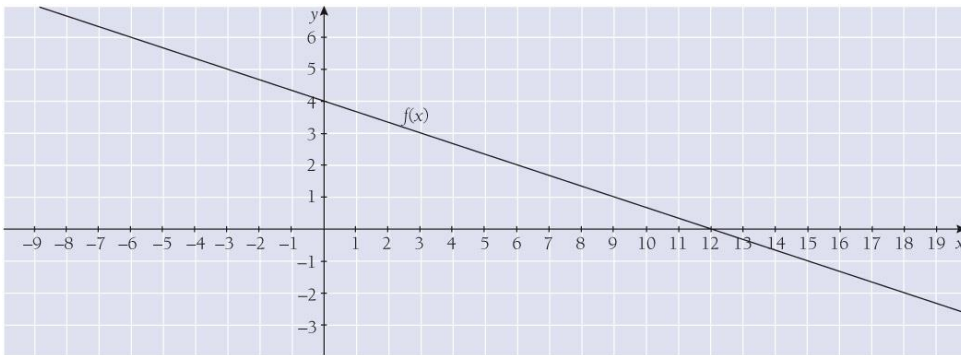
Leikkauspiste x -akselin kanssa on $(12, 0)$.

Kolmion pinta-ala on

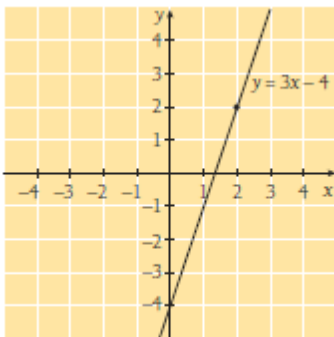
$$A = \frac{\text{kanta} \cdot \text{korkeus}}{2} = \frac{12 \cdot 4}{2} = 24.$$

Koska koordinaatiston yksikkö vastaa 100 metriä, metsäpalstan pinta-ala on

$$24 \cdot (100 \text{ m})^2 = 240\,000 \text{ m}^2 = 24 \text{ ha}.$$



157.



$$y = 3x - 4$$

158.

Suorat ovat yhdensuuntaisia, kun niiden kulmakertoimet ovat yhtä suuret. Määritetään ensin kummankin suorien kulmakertoimet k_1 ja k_2 .

$$k_1 = \frac{y : \text{n muutos}}{x : \text{n muutos}} = \frac{5 - a}{7 - 3} = \frac{5 - a}{4}$$

$$k_2 = \frac{y : \text{n muutos}}{x : \text{n muutos}} = \frac{2 - (-4)}{2a - (-6)} = \frac{6}{2a + 6} \stackrel{(:2)}{=} \frac{3}{a + 3}$$

Merkitään kulmakertoimet yhtä suuriksi ja ratkaistaan yhtälö ristiin kertomalla.

$$\frac{5-a}{4} = \frac{3}{a+3}$$

$$(5-a)(a+3) = 3 \times 4$$

$$5a + 15 - a^2 - 3a = 12$$

$$-a^2 + 2a + 3 = 0$$

Ratkaistaan syntynyt yhtälö toisen asteen ratkaisukaavan avulla.

$$a = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \times (-1) \times 3}}{2 \times (-1)}$$

$$a = \frac{-2 \pm \sqrt{4 - (-12)}}{-2}$$

$$a = \frac{-2 \pm \sqrt{16}}{-2}$$

$$a = \frac{-2 \pm 4}{-2} = \frac{-1 \pm 2}{-1}$$

$$a = \frac{-1+2}{-1} = -1 \text{ tai } a = \frac{-1-2}{-1} = 3$$

Vastaus Suorat ovat yhdensuuntaisia vakion a arvolla $a = -1$ tai $a = 3$.