



Kokeessa saa vastata enintään kymmeneen tehtävään.

1. a) Ratkaise yhtälö $2x + 1 = x^2 + 2x$.
b) Ratkaise yhtälöryhmä $2x + y = 1, x - y = 0$.
c) Kumpi luvuista $\frac{5}{7}$ ja $\frac{6}{9}$ on suurempi? Perustele ratkaisusi likiarvoja käyttämättä esimerkiksi muodostamalla lukujen erotus.
2. a) Ratkaise yhtälö $5x - (1 - x) = 13x$.
b) Määritä lukujen 7, 3, 6, 3, 5, 3, 1 mediaani ja keskiarvo.
c) Sievennä lauseke $\frac{a+3}{a} : \frac{3a+9}{2a}$.
3. a) Laskettelurinteen kaltevuuskulma on 7,0 astetta ja rinteen korkeusero 180 metriä. Kuinka pitkä rinne on? Kuinka kauan kestää hiihtohissillä matka rinnettä pitkin alhaalta ylös, kun hiihtohissin nopeus on 6 km/h?
b) Suora kulkee pisteiden (1,0) ja (3,3) kautta. Kuinka suuren kulman se muodostaa x -akselin positiivisen suunnan kanssa? Anna vastaus asteen kymmenesosan tarkkuudella.
4. Kumiputken ulkohalkaisija on 53 mm ja seinämän paksuus 4 mm. Kuinka pitkä putken on oltava, jotta putkeen mahtuisi 3,0 litraa vettä?
5. Kännykkäliittymän A kuukausimaksu on 4 euroa ja puhelumaksu 0,09 euroa minuutilta. Kännykkäliittymässä B ei ole kuukausimaksua, mutta puhelumaksu on 0,12 euroa minuutilta. Määritä kuukausilaskun suuruus kummassakin tapauksessa lausekkeena, jossa muuttujana on puheaika minuutteina. Millä puheaajalla liittymien A ja B kuukausilaskut ovat yhtä suuret?
6. Äänilähteen tuottaman äänen intensiteetti on kääntäen verrannollinen äänilähteen etäisyyden neliöön. Festareilla Miisa istui aluksi 50 metrin päässä orkesterista, mutta siirtyi sitten 15 metrin päähän orkesterista. Kuinka monta prosenttia kasvoi äänen intensiteetti?
7. Pallo heitetään hetkellä $t = 0$. Sen lentokorkeus metreinä saadaan lausekkeesta $-0,15t^2 + 2,4t + 1,8$, missä t on aika sekunneissa. Kuinka korkealla pallo käy? Millä aikavälillä sen lentorata on laskeva?
8. Kulhossa on viisi punaista ja kymmenen mustaa palloa. Kulhosta poimitaan umpimähkään viisi palloa palauttamatta yhtäkään. Mikä on todennäköisyys, että ainakin yksi poimituista palloista on punainen? Millä todennäköisyydellä kaikki viisi ovat samanvärisiä?

KÄÄNNÄ!

9. Lomapaketin hinta koostui hotelli- ja matkakustannuksista. Hotellikustannukset las-
kivat 5 % ja matkakustannukset nousivat 18 %. Muutosten jälkeen lomapaketin hinta
oli sama kuin aikaisemminkin. Kuinka monta prosenttia matkakustannukset olivat
lomapaketin hinnasta ennen muutoksia?
10. Kolmannen asteen polynomifunktiolla $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ on paikallinen minimi
−2 kohdassa $x = 0$ ja paikallinen maksimi 1 kohdassa $x = 2$. Määritä kertoimet a ,
 b , c ja d .
11. Isoisä avasi vuoden 2006 alussa lapsenlastaan varten tilin, jonka vuotuinen korkopro-
sentti lähdeveron vähentämisen jälkeen on 1,750, ja talletti tilille 700 euroa. Isoisä
jatkaa seuraavina vuosina tallettamalla saman summan. Korko lisätään vuosittain
tilin saldoon vuoden viimeisenä päivänä. Kuinka paljon tilillä on rahaa vuoden 2010
lopussa koron lisäyksen jälkeen? Muodosta ja sievennä lauseke, joka antaa tilin sal-
don vuoden lopussa, kun talletus on tehty n kertaa. Minkä vuoden lopussa rahaa
on vähintään 12 000 euroa?
12. Taiteilija suunnittelee taideteoksen, joka koostuu suoran ympyrälieriön muotoises-
ta vesialtaasta sekä siihen sijoitetusta kivikuutiosta, jonka pohjaneliö lepää altaan
vaakasuoralla pohjalla. Tilasyistä altaan halkaisijaksi valitaan 3,5 metriä, mutta al-
taan syvyyden ja kuution koon taiteilija saa valita vapaasti. Hän haluaa kuution
ylätahkon olevan samassa tasossa kuin vedenpinta. Vettä altaassa pitää olla mah-
dollisimman paljon. Mikä on veden syvyys näillä ehdoilla? Anna vastaus desimetrin
tarkkuudella.
13. Piirrä funktioiden $x^3 - 2x$ ja $-x + 3$ kuvaajat samaan koordinaatistoon. Etsi yhtälön
 $x^3 - 2x = -x + 3$ juuri haarukoimalla. Anna vastaus yhden desimaalin tarkkuudella.
14. Vuoden 2002 alussa Liisa talletti 1 000 euroa tilille, jonka vuotuinen korko oli 1,5 pro-
senttia. Kuinka suuri talletus korkoineen oli viisi vuotta myöhemmin? Korkotulon
lähdevero oli 1.1.2005 lähtien 28 prosenttia ja sitä ennen 29 prosenttia. Mikä oli tal-
letuksen reaaliarvon muutos prosentteina? Vuoden 2002 alussa elinkustannusindeksi
oli 1548 ja viisi vuotta myöhemmin 1632.
15. Ratkaise joko kohta **A** tai kohta **B***:
A) Lukion 325 opiskelijasta 65 opiskelee espanjaa. Arvalla valitaan 32 opiskelijan
ryhmä. Kuinka suuri on todennäköisyys, että ryhmän jäsenistä 12 opiskelee espan-
jaa? Entä mikä on todennäköisyys, että tässä 32 opiskelijan ryhmässä korkeintaan
3 opiskelee espanjaa? Approksimoi binomijakaumaa normaalijakaumalla ja laske to-
dennäköisyys sille, että edellä kuvatussa ryhmässä on vähintään 13 espanjan opis-
kelijaa.
B) Suunnikkaan $ABCD$ kärki A on pisteessä $(-3, 7)$ ja sen pisteestä A lähtevinä
sivuina ovat vektorit $\overrightarrow{AB} = 3\vec{i} + 2\vec{j}$ ja $\overrightarrow{AD} = \vec{i} + 5\vec{j}$. Määritä pisteiden B , C ja
 D paikkavektorit. Kuinka suuri on lävistäjävektoreiden $\overrightarrow{AC}$ ja $\overrightarrow{DB}$ välinen kulma?
Anna vastaus asteen kymmenesosan tarkkuudella.

* Tehtävät 15A ja 15B ovat keskenään vaihtoehtoisia. Tehtävä 15A on laadittu vanhojen, vuoden 1994 lukion opetussuunnitelman perusteiden mukaan, tehtävä 15B uusien, vuonna 2005 käyttöön otettujen lukion opetussuunnitelman perusteiden mukaan. Kumpaan tahansa tehtävään saa vastata.