

## TEHTÄVÄ 284.

TEHTÄVÄ Laske pisteen  $P = (10, 2, -1)$  etäisyys pisteiden  $A = (1, 1, 2)$ ,  $B = (3, 0, 3)$  ja  $C = (2, 2, 5)$  kautta kulkevasta tasosta.

## TEHTÄVÄ 284.

TEHTÄVÄ Laske pisteen  $P = (10, 2, -1)$  etäisyys pisteiden  $A = (1, 1, 2)$ ,  $B = (3, 0, 3)$  ja  $C = (2, 2, 5)$  kautta kulkevasta tasosta.

RATKAISU: Ratkaistaan tehtävä seuraavien vaiheiden kautta.

## TEHTÄVÄ 284.

TEHTÄVÄ Laske pisteen  $P = (10, 2, -1)$  etäisyys pisteiden  $A = (1, 1, 2)$ ,  $B = (3, 0, 3)$  ja  $C = (2, 2, 5)$  kautta kulkevasta tasosta.

RATKAISU: Ratkaistaan tehtävä seuraavien vaiheiden kautta.

1. Kutsutaan pisteiden  $A$ ,  $B$ ,  $C$  kautta kulkevaa tasoa tasoksi  $T$ . Määrätään tason  $T$  normaalimuotoinen yhtälö  $ax + by + cz = d$ .

TEHTÄVÄ Laske pisteen  $P = (10, 2, -1)$  etäisyys pisteiden  $A = (1, 1, 2)$ ,  $B = (3, 0, 3)$  ja  $C = (2, 2, 5)$  kautta kulkevasta tasosta.

RATKAISU: Ratkaistaan tehtävä seuraavien vaiheiden kautta.

1. Kutsutaan pisteiden  $A$ ,  $B$ ,  $C$  kautta kulkevaa tasoa tasoksi  $T$ . Määrätään tason  $T$  normaalimuotoinen yhtälö  $ax + by + cz = d$ .
2. Poimitaan yhtälöstä tason  $T$  normaalivektori  $\vec{n} = a\vec{i} + b\vec{j} + c\vec{k}$ .

TEHTÄVÄ Laske pisteen  $P = (10, 2, -1)$  etäisyys pisteiden  $A = (1, 1, 2)$ ,  $B = (3, 0, 3)$  ja  $C = (2, 2, 5)$  kautta kulkevasta tasosta.

RATKAISU: Ratkaistaan tehtävä seuraavien vaiheiden kautta.

1. Kutsutaan pisteiden  $A$ ,  $B$ ,  $C$  kautta kulkevaa tasoa tasoksi  $T$ . Määrätään tason  $T$  normaalimuotoinen yhtälö  $ax + by + cz = d$ .
2. Poimitaan yhtälöstä tason  $T$  normaalivektori  $\vec{n} = a\vec{i} + b\vec{j} + c\vec{k}$ .
3. Määrätään sellaisen suoran  $l$  yhtälö, että  $l$  kulkee pisteen  $P$  kautta ja  $l$ :n suuntavektori on  $\vec{n}$ .

TEHTÄVÄ Laske pisteen  $P = (10, 2, -1)$  etäisyys pisteiden  $A = (1, 1, 2)$ ,  $B = (3, 0, 3)$  ja  $C = (2, 2, 5)$  kautta kulkevasta tasosta.

RATKAISU: Ratkaistaan tehtävä seuraavien vaiheiden kautta.

1. Kutsutaan pisteiden  $A$ ,  $B$ ,  $C$  kautta kulkevaa tasoa tasoksi  $T$ . Määrätään tason  $T$  normaalimuotoinen yhtälö  $ax + by + cz = d$ .
2. Poimitaan yhtälöstä tason  $T$  normaalivektori  $\vec{n} = a\vec{i} + b\vec{j} + c\vec{k}$ .
3. Määrätään sellaisen suoran  $l$  yhtälö, että  $l$  kulkee pisteen  $P$  kautta ja  $l$ :n suuntavektori on  $\vec{n}$ .
4. Lasketaan suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste  $Q$ .

TEHTÄVÄ Laske pisteen  $P = (10, 2, -1)$  etäisyys pisteiden  $A = (1, 1, 2)$ ,  $B = (3, 0, 3)$  ja  $C = (2, 2, 5)$  kautta kulkevasta tasosta.

RATKAISU: Ratkaistaan tehtävä seuraavien vaiheiden kautta.

1. Kutsutaan pisteiden  $A$ ,  $B$ ,  $C$  kautta kulkevaa tasoa tasoksi  $T$ . Määrätään tason  $T$  normaalimuotoinen yhtälö  $ax + by + cz = d$ .
2. Poimitaan yhtälöstä tason  $T$  normaalivektori  $\vec{n} = a\vec{i} + b\vec{j} + c\vec{k}$ .
3. Määrätään sellaisen suoran  $l$  yhtälö, että  $l$  kulkee pisteen  $P$  kautta ja  $l$ :n suuntavektori on  $\vec{n}$ .
4. Lasketaan suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste  $Q$ .
5. Pisteen  $P$  etäisyys  $d$  tasosta  $T$  on nyt pisteen  $P$  etäisyys pisteestä  $Q$ , ts.  $d = \left| \overrightarrow{PQ} \right|$ .

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\overrightarrow{AB} = 2\bar{i} - \bar{j} + \bar{k}$  ja  $\overrightarrow{AC} = \bar{i} + \bar{j} + 3\bar{k}$ .



1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\overrightarrow{AB} = 2\bar{i} - \bar{j} + \bar{k}$  ja  $\overrightarrow{AC} = \bar{i} + \bar{j} + 3\bar{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\overrightarrow{OX} = \overrightarrow{OA} + t\overrightarrow{AB} + s\overrightarrow{AC} =$

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\vec{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\vec{OX} = \vec{OA} + t\vec{AB} + s\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k})$

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\vec{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis 
$$\vec{OX} = \vec{OA} + t\vec{AB} + s\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k})$$
$$= (1 + 2t + s)\vec{i} + (1 - t + s)\vec{j} + (2 + t + 3s)\vec{k}.$$

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\vec{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\vec{OX} = \vec{OA} + t\vec{AB} + s\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}) = (1 + 2t + s)\vec{i} + (1 - t + s)\vec{j} + (2 + t + 3s)\vec{k}$ .

$$\text{Siten } \begin{cases} x &= 1 + 2t + s \\ y &= 1 - t + s \\ z &= 2 + t + 3s. \end{cases}$$

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\overrightarrow{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\overrightarrow{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\overrightarrow{OX} = \overrightarrow{OA} + t\overrightarrow{AB} + s\overrightarrow{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}) = (1 + 2t + s)\vec{i} + (1 - t + s)\vec{j} + (2 + t + 3s)\vec{k}$ .

$$\text{Siten } \begin{cases} x &= 1 + 2t + s \\ y &= 1 - t + s \\ z &= 2 + t + 3s. \end{cases}$$

Nyt  $y + z$

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\vec{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\vec{OX} = \vec{OA} + t\vec{AB} + s\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}) = (1 + 2t + s)\vec{i} + (1 - t + s)\vec{j} + (2 + t + 3s)\vec{k}$ .

$$\text{Siten } \begin{cases} x &= 1 + 2t + s \\ y &= 1 - t + s \\ z &= 2 + t + 3s. \end{cases}$$

Nyt  $y + z = 3 + 4s$

ja  $x + 2y =$

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\overrightarrow{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\overrightarrow{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\overrightarrow{OX} = \overrightarrow{OA} + t\overrightarrow{AB} + s\overrightarrow{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k})$   
 $= (1 + 2t + s)\vec{i} + (1 - t + s)\vec{j} + (2 + t + 3s)\vec{k}$ .

$$\text{Siten } \begin{cases} x &= 1 + 2t + s \\ y &= 1 - t + s \\ z &= 2 + t + 3s. \end{cases}$$

Nyt  $y + z = 3 + 4s$

ja  $x + 2y = 3 + 3s$ .

1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\vec{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\vec{OX} = \vec{OA} + t\vec{AB} + s\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k})$   
 $= (1 + 2t + s)\vec{i} + (1 - t + s)\vec{j} + (2 + t + 3s)\vec{k}$ .

$$\text{Siten } \begin{cases} x &= 1 + 2t + s \\ y &= 1 - t + s \\ z &= 2 + t + 3s. \end{cases}$$

Nyt  $y + z = 3 + 4s$

ja  $x + 2y = 3 + 3s$ .

Edelleen  $-3(y + z) + 4(x + 2y) = 3$  eli



1. Valitaan tason virittäjävektoreiksi vektorit  $\vec{AB} = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$  ja  $\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ .

Tason  $T$  mielivaltaisen pisteen  $X = (x, y, z)$  paikkavektori on siis  $\vec{OX} = \vec{OA} + t\vec{AB} + s\vec{AC} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k} + t(2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k})$   
 $= (1 + 2t + s)\vec{i} + (1 - t + s)\vec{j} + (2 + t + 3s)\vec{k}$ .

$$\text{Siten } \begin{cases} x &= 1 + 2t + s \\ y &= 1 - t + s \\ z &= 2 + t + 3s. \end{cases}$$

Nyt  $y + z = 3 + 4s$

ja  $x + 2y = 3 + 3s$ .

Edelleen  $-3(y + z) + 4(x + 2y) = 3$  eli

$4x + 5y - 3z = 3$ .

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\vec{n} =$$

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

3. Olkoon  $l$  sellainen suora, että  $l$  kulkee pisteen  $P = (10, 2, -1)$  kautta ja suoran  $l$  suuntavektori on  $\bar{n}$ . Olkoon  $Y$  suoran  $l$  mielivaltainen piste. Tällöin

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

3. Olkoon  $l$  sellainen suora, että  $l$  kulkee pisteen  $P = (10, 2, -1)$  kautta ja suoran  $l$  suuntavektori on  $\bar{n}$ . Olkoon  $Y$  suoran  $l$  mielivaltainen piste. Tällöin

$$\overrightarrow{OY} =$$

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

3. Olkoon  $l$  sellainen suora, että  $l$  kulkee pisteen  $P = (10, 2, -1)$  kautta ja suoran  $l$  suuntavektori on  $\bar{n}$ . Olkoon  $Y$  suoran  $l$  mielivaltainen piste. Tällöin

$$\overrightarrow{OY} = \overrightarrow{OP} + r\bar{n}$$

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

3. Olkoon  $l$  sellainen suora, että  $l$  kulkee pisteen  $P = (10, 2, -1)$  kautta ja suoran  $l$  suuntavektori on  $\bar{n}$ . Olkoon  $Y$  suoran  $l$  mielivaltainen piste. Tällöin

$$\overrightarrow{OY} = \overrightarrow{OP} + r\bar{n} = 10\bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k} + r(4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k})$$

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

3. Olkoon  $l$  sellainen suora, että  $l$  kulkee pisteen  $P = (10, 2, -1)$  kautta ja suoran  $l$  suuntavektori on  $\bar{n}$ . Olkoon  $Y$  suoran  $l$  mielivaltainen piste. Tällöin

$$\begin{aligned}\overrightarrow{OY} &= \overrightarrow{OP} + r\bar{n} = 10\bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k} + r(4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}) = \\ &= (10 + 4r)\bar{i} + (2 + 5r)\bar{j} + (-1 - 3r)\bar{k}.\end{aligned}$$



2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

3. Olkoon  $l$  sellainen suora, että  $l$  kulkee pisteen  $P = (10, 2, -1)$  kautta ja suoran  $l$  suuntavektori on  $\bar{n}$ . Olkoon  $Y$  suoran  $l$  mielivaltainen piste. Tällöin

$$\begin{aligned}\overrightarrow{OY} &= \overrightarrow{OP} + r\bar{n} = 10\bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k} + r(4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}) = \\ &= (10 + 4r)\bar{i} + (2 + 5r)\bar{j} + (-1 - 3r)\bar{k}.\end{aligned}$$

Suoran pisteet ovat siis muotoa

2. Tason  $T$  yhtälöstä  $4x + 5y + 3z = 3$  saadaan tason  $T$  normaalivektori

$$\bar{n} = 4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}.$$

3. Olkoon  $l$  sellainen suora, että  $l$  kulkee pisteen  $P = (10, 2, -1)$  kautta ja suoran  $l$  suuntavektori on  $\bar{n}$ . Olkoon  $Y$  suoran  $l$  mielivaltainen piste. Tällöin

$$\begin{aligned} \overrightarrow{OY} &= \overrightarrow{OP} + r\bar{n} = 10\bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k} + r(4\bar{i} + 5\bar{j} - 3\bar{k}) = \\ &= (10 + 4r)\bar{i} + (2 + 5r)\bar{j} + (-1 - 3r)\bar{k}. \end{aligned}$$

Suoran pisteet ovat siis muotoa

$$\begin{cases} x &= 10 + 4r \\ y &= 2 + 5r \\ z &= -1 - 3r. \end{cases}$$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön  $4x + 5y - 3z = 3$ :

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli}$$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä}$$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q =$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .



4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} =$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} =$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} = 4\vec{i} - 5\vec{j} + 3\vec{k}$ , joten

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} = 4\vec{i} - 5\vec{j} + 3\vec{k}$ , joten

$$|\overrightarrow{PQ}| =$$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} = 4\vec{i} - 5\vec{j} + 3\vec{k}$ , joten

$$|\overrightarrow{PQ}| = \sqrt{4^2 + (-5)^2 + 3^2} =$$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} = 4\vec{i} - 5\vec{j} + 3\vec{k}$ , joten

$$|\overrightarrow{PQ}| = \sqrt{4^2 + (-5)^2 + 3^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2} \approx$$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} = 4\vec{i} - 5\vec{j} + 3\vec{k}$ , joten

$$|\overrightarrow{PQ}| = \sqrt{4^2 + (-5)^2 + 3^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2} \approx 7,1.$$

4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} = 4\vec{i} - 5\vec{j} + 3\vec{k}$ , joten

$$|\overrightarrow{PQ}| = \sqrt{4^2 + (-5)^2 + 3^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2} \approx 7,1.$$

VASTAUS:  $5\sqrt{2} \approx$



4. Suoran  $l$  ja tason  $T$  leikkauspiste saadaan helpoiten sijoittamalla äsken saadut koordinaatit tason  $T$  normaalimuotoiseen yhtälöön

$$4x + 5y - 3z = 3:$$

$$4(10 + 4r) + 5(2 + 5r) - 3(-1 - 3r) = 3 \text{ eli } 50r = -50, \text{ mistä } r = -1.$$

Sijoittamalla arvo  $r = -1$  suoran pisteen koordinaatteihin saadaan leikkauspisteeksi  $Q = (6, -3, 2)$ .

5. Vektori  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP} = 4\vec{i} - 5\vec{j} + 3\vec{k}$ , joten

$$|\overrightarrow{PQ}| = \sqrt{4^2 + (-5)^2 + 3^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2} \approx 7,1.$$

VASTAUS:  $5\sqrt{2} \approx 7,1$ .