

Epäsuora todistus

(kun A ja B ovat hankalampia käsitellä, kuin $\neg A$ ja/tai $\neg B$)

Esim:

Jos luvun a neliö on parillinen, niin a on parillinen

$$A : a^2 = 2n$$

$$\neg A : a^2 \neq 2n$$

$$B : a = 2k$$

$$\neg B : a \text{ ei parillinen eli } a \text{ pariton } a = 2n + 1$$

$$\text{Jos } a^2 = 2n, \text{ niin } a = \sqrt{2n} \dots \text{ öö?}$$

$$\text{Jos } a = 2n + 1, \text{ niin } a^2 = \dots \text{ onnistuu !}$$

Osoita, että luku $\sqrt{2}$ on irrationaaliluku

irrationaaliluku: luku, jota EI voi ilmaista murtolukuna

$$\sqrt{2} \neq \frac{m}{n} \quad \text{millään } m, n$$

ei-irrationaaliluku: luku, joka voidaan ilmaista murtolukuna

$$\sqrt{2} = \frac{m}{n} \quad \text{jollakin } m, n$$

Käänteinen todistus, eli kontrapositiotodistus

Perustuu tautologiaan $(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow (\neg B \Rightarrow \neg A)$


Tehtävänanto: Jos A niin B

1. Todetaan, että tämä on yhtäpitävä "jos ei B, niin ei A" kanssa
2. Lähdetään oletuksesta ei B ja päädytään siihen, että ei A

ESIM 1 s.58

Ristiriitatodistus

| A | B | $A \Rightarrow B$ |
|-----|-----|-------------------|
| 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 |



- osoitetaan, että rivi 'A ja $\neg B$ ' ei noudata matemaattisia lainalaisuuksia.

- tällöin vain sellaiset A ja B yhdistelmät voivat toteutua, joilla $A \Rightarrow B$ on tosi.

Tehtävänanto: Jos A, niin B

1. Tutkitaan, mitä tapahtuu, jos A ja $\neg B$.

2. Etsitään jokin ristiriita:

saadaan $0=1$
 parillinen luku = pariton luku
 kolmion kulmien summa ei 180
 A ja $\neg A$ (silloin olisi voinut tehdä $\neg B \Rightarrow \neg A$)
 tms

3. Koska A ja $\neg B$ ei voi olla totta, niin $A \Rightarrow B$ on tosi.

ESIM 2+3 s. 61

tehtävät 125-128, 130-133, sarja2