

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow -1+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1+} (-x^2 + 2) = -(-1)^2 + 2 = -1 + 2 = 1 \\ f(-1) = -(-1)^2 + 2 = -1 + 2 = 1 \end{cases}$$

Koska $\lim_{x \rightarrow -1-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1+} f(x) = f(-1)$, on f jatkuvaa kohdassa -1

$$b) f(x) = \begin{cases} 4x + 5, & x < -1 \\ -x^2 + 2, & x > -1 \end{cases}$$

$f(-1)$ ei ole määritetty \Rightarrow f ei ole jatkuvaa -1 :ssä

$$2.9 \text{ b)} f(x) = \begin{cases} 3 - x^2, & x \leq -1 \\ ax + b, & -1 < x < 3 \\ x - 3, & x \geq 3 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Käsin tuntematon (a, b)} \\ \rightarrow \text{toteuttaa 2 yhtälöä} \end{array}$$

f on jatkuvaa muualla kuin $x = -1$ ja $x = 3$ koska polut ovat polynomifunktiona jatkuvia.

$$1^{\circ} \begin{cases} \lim_{x \rightarrow -1-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1-} (3 - x^2) = 3 - (-1)^2 = 3 - 1 = 2 \\ \lim_{x \rightarrow -1+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1+} (ax + b) = a \cdot (-1) + b = -a + b \\ f(-1) = 3 - (-1)^2 = 3 - 1 = 2 \end{cases}$$

f jatkuvaa kohdassa $x = -1 \Leftrightarrow 2 = -a + b$

$$2^{\circ} \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 3-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3-} (ax + b) = a \cdot 3 + b = 3a + b \\ \lim_{x \rightarrow 3+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3+} (x - 3) = 3 - 3 = 0 \\ f(3) = 3 - 3 = 0 \end{cases}$$

f jatkuvaa kohdassa $x = 3 \Leftrightarrow 0 = 3a + b$

$$1^{\circ} - 2^{\circ} : \begin{cases} -a + b = 2 & | \cdot (-1) \\ 3a + b = 0 \end{cases} \leftarrow \text{siis} \quad \begin{array}{l} 4a = -2 \Rightarrow a = -\frac{1}{2} \\ \Rightarrow b = -3 \cdot (-\frac{1}{2}) = \frac{3}{2} \end{array}$$

$$2.8 \quad f(x) = \frac{x^2 - 16}{x - 4}, \quad x \neq 4$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 4} f(x) &= \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{x - 4} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{(x-4)(x+4)}{x-4} \\ &= \lim_{x \rightarrow 4} (x+4) = 4+4 = 8 \end{aligned}$$

f on jatkuvaa kohdassa $4 \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow 4} f(x) = f(4)$
 $\Leftrightarrow 8 = f(4)$

