

Binomi 4 – Luku 11 – Tehtävien malliratkaisut

11.1

a)

Yhtälön molemmilla puolilla on saman kantaluvun potenssi.
Merkitään eksponentit yhtä suuriksi.

$$2^x = 2^5$$

$$x = 5$$

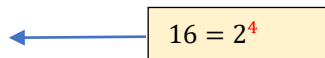
b)

Esitetään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 2 potenssina.

$$2^x = 16$$

$$2^x = 2^4$$

$$x = 4$$


$$16 = 2^4$$

c)

$$2^x = -16$$

Minkään positiivisen luvun potenssi ei voi olla negatiivinen,
joten yhtälöllä ei ole ratkaisua.

Vastaus a) $x = 5$

b) $x = 4$

c) ei ratkaisua

11.2

a)

Esitetään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 4 potenssina.

$$\begin{aligned}4^x &= 64 \\4^x &= 4^3 \\x &= 3\end{aligned}$$

$$\leftarrow \boxed{64 = 4^3}$$

b)

Esitetään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 7 potenssina.

$$\begin{aligned}7^x \cdot 7^{2x-1} &= 49 \\7^{x+2x-1} &= 49 \\7^{3x-1} &= 7^2 \\3x - 1 &= 2 \\3x &= 3 \quad | : 3 \\x &= 1\end{aligned}$$

$$\leftarrow \boxed{(a^n)^m = a^{n \cdot m}}$$

\leftarrow Merkitään eksponentit yhtä suuriksi.

c)

Esitetään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 3 potenssina.

$$\begin{aligned}(3^x)^5 &= 27 \\3^{5x} &= 3^3 \\5x &= 3 \quad | : 5 \\x &= \frac{3}{5}\end{aligned}$$

$$\leftarrow \boxed{(a^n)^m = a^{n \cdot m}}$$

$$\leftarrow \boxed{27 = 3^3}$$

Vastaus

- a) $x = 3$
- b) $x = 1$
- c) $x = \frac{3}{5}$

11.3

a)

Muokataan yhtälö muotoon $a^x = b$.

$$5^{5x+1} - 1 = 0$$

$$5^{5x+1} = 1$$

$$5^{5x+1} = 5^0$$

$$5x + 1 = 0$$

$$5x = -1 \quad | : 5$$

$$x = -\frac{1}{5}$$

$$1 = 5^0$$

b)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvin 6 potenssina.

$$6^x = \frac{1}{36}$$

$$6^x = \frac{1}{6^2}$$

$$6^x = 6^{-2}$$

$$x = -2$$

$$\frac{1}{a^n} = a^{-n}$$

c)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvin 2 potenssina.

$$2^{x^2+3} = 4^6$$

$$2^{x^2+3} = (2^2)^6$$

$$2^{x^2+3} = 2^{12}$$

$$x^2 + 3 = 12$$

$$x^2 = 9 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$x = \pm 3$$

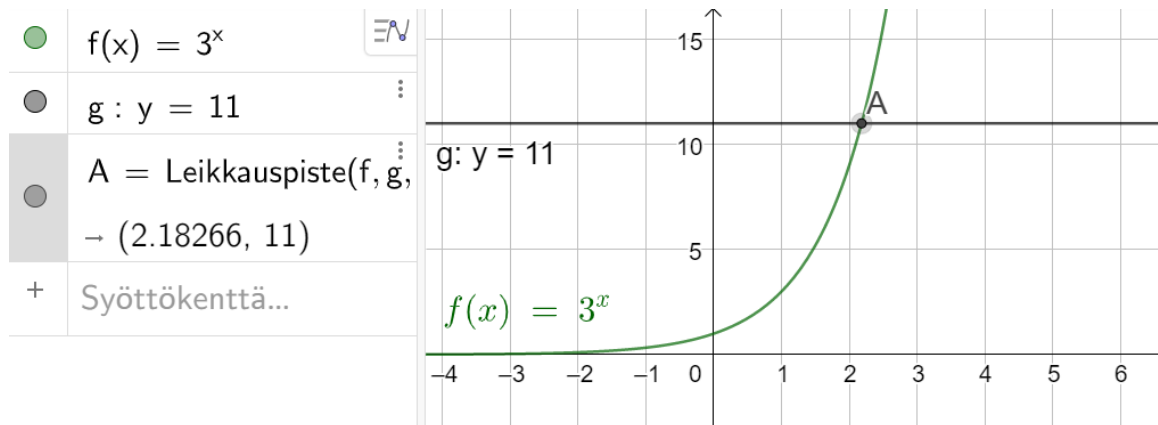
Vastaus a) $x = -\frac{1}{5}$ b) $x = -2$ c) $x = \pm 3$

11.4

a)

Piirretään funktion $f(x) = 3^x$ kuvaaja ja suora $y = 11$.

Yhtälön $3^x = 11$ ratkaisu on kuvaajien leikkauspisteen x -koordinaatti.



Yhtälön $3^x = 11$ ratkaisu on $x = 2,182 \dots \approx 2,18$.

b)

Ratkaistaan yhtälö CAS laskimella.

$$3^x = 11$$

$$x = \frac{\ln 11}{\ln 3}$$

$$x = 2,1826 \dots \approx 2,18$$

The screenshot shows a CAS calculator interface. The equation $3^x = 11$ is entered. The calculator displays the solution $x = \frac{\ln(11)}{\ln(3)}$ and its numerical approximation $x \approx 2.18266$.

Vastaus a) $x \approx 2,18$

b) $x = \frac{\ln 11}{\ln 3} \approx 2,18$

11.5


a)

$$7^x = 7^2 \cdot 7^{10}$$

$$7^x = 7^{2+10}$$

$$7^x = 7^{12}$$

$$x = 12$$


$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$


b)

$$\frac{13^6}{13^2} = 13^x$$

$$13^{6-2} = 13^x$$

$$13^x = 13^4$$

$$x = 4$$


$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$


c)

$$8^x = (8^5)^3$$

$$8^x = 8^{5 \cdot 3}$$

$$8^x = 8^{15}$$

$$x = 15$$


$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

Vastaus a) $x = 12$

b) $x = 4$

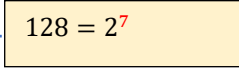
c) $x = 15$

11.6

a)

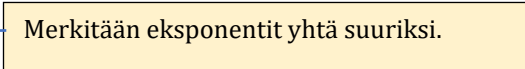
Esitetään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 2 potenssina.

$$\begin{aligned}2^x &= 128 \\2^x &= 2^7 \\x &= 7\end{aligned}$$


$$128 = 2^7$$

b)

$$\begin{aligned}4^x &= 4^{-x+6} \\x &= -x + 6 \\2x &= 6 \quad | : 2 \\x &= 3\end{aligned}$$



Merkitään eksponentit yhtä suuriksi.

c)

$$\begin{aligned}3^x + 9 &= 0 \\3^x &= -9\end{aligned}$$

Eksponttifunktio saa ainoastaan positiivisia arvoja, joten yhtälöllä ei ole ratkaisuja.

Vastaus a) $x = 7$

b) $x = 3$

c) ei ratkaisua

11.7

a)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvin 8 potenssina.

$$\begin{aligned} 8^x \cdot 8^{x+4} &= 64 && \leftarrow a^n \cdot a^m = a^{n+m} \\ 8^{2x+4} &= 8^2 \\ 2x + 4 &= 2 \\ 2x &= -2 && | : 2 \\ x &= -1 \end{aligned}$$

b)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvin 2 potenssina.

$$\begin{aligned} 2^{x-4} &= 16^{x+1} && \leftarrow (a^n)^m = a^{n \cdot m} \\ 2^{x-4} &= (2^4)^{x+1} \\ 2^{x-4} &= 2^{4x+4} \\ x - 4 &= 4x + 4 \\ -3x &= 8 && | : (-3) \\ x &= -\frac{8}{3} \end{aligned}$$

c)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvin 5 potenssina.

$$\begin{aligned} 5^{x-1} &= 25^{x+1} && \leftarrow (a^n)^m = a^{n \cdot m} \\ 5^{x-1} &= (5^2)^{x+1} \\ 5^{x-1} &= 5^{2x+2} \\ x - 1 &= 2x + 2 \\ -x &= 3 \\ x &= -3 \end{aligned}$$

Vastaus a) $x = -1$

b) $x = -\frac{8}{3}$

c) $x = -3$

11.8

a)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvun 7 potenssina.

$$\begin{aligned}7^x &= \frac{1}{49} \\7^x &= \frac{1}{7^2} \\7^x &= 7^{-2} \\x &= -2\end{aligned}$$

$$\leftarrow \frac{1}{a^n} = a^{-n}$$

b)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvun 10 potenssina.

$$\begin{aligned}100^{x+1} &= \frac{1}{10} \\(10^2)^{x+1} &= 10^{-1} \\10^{2x+2} &= 10^{-1} \\2x + 2 &= -1 \\2x &= -3 \quad | : 2 \\x &= -\frac{3}{2}\end{aligned}$$

$$\leftarrow (a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

c)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvun 5 potenssina.

$$\begin{aligned}(5^3)^{2x} &= \frac{1}{5} \\5^{6x} &= 5^{-1} \\6x &= -1 \quad | : 6 \\x &= -\frac{1}{6}\end{aligned}$$

$$\leftarrow (a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

Vastaus a) $x = -2$

b) $x = -\frac{3}{2}$

c) $x = -\frac{1}{6}$

11.9

a)

Muokataan yhtälö muotoon $a^x = b$.

$$\begin{aligned}(6^x)^3 - 36 &= 0 \\ 6^{3x} &= 36 \\ 6^{3x} &= 6^2 \\ 3x &= 2 \quad | : 3 \\ x &= \frac{2}{3}\end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}13^x - 13^{-3x+8} &= 0 \\ 13^x &= 13^{-3x+8} \\ x &= -3x + 8 \\ 4x &= 8 \quad | : 4 \\ x &= 2\end{aligned}$$

c)

$$\begin{aligned}3 \cdot 2^x &= 24 \quad | : 3 \\ 2^x &= 8 \\ 2^x &= 2^3 \\ x &= 3\end{aligned}$$

← Potenssi lasketaan ensin, joten kertolaskua $3 \cdot 2^x$ ei voi suorittaa.

Vastaus a) $x = \frac{2}{3}$

b) $x = 2$

c) $x = 3$

11.10

a)

$$\begin{aligned}3x^2 &= 3x \\x^2 &= x \\x^2 - x &= 0 \\x(x - 1) &= 0\end{aligned}$$

Merkitään eksponentit yhtä suuriksi.

Tulon nollasäännön mukaan

$$\begin{aligned}x = 0 \quad \text{tai} \quad x - 1 &= 0 \\x &= 1\end{aligned}$$

b)

Esitetään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 2 potenssina.

$$\begin{aligned}\frac{4^x}{4} &= 8^x \\ \frac{(2^2)^x}{2^2} &= (2^3)^x \\ \frac{2^{2x}}{2^2} &= 2^{3x} \\ 2^{2x-2} &= 2^{3x} \\ 2x - 2 &= 3x \\ -2 &= x \\ x &= -2\end{aligned}$$

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

c)

$$\begin{aligned}4 \cdot 2^x &= 1 \\ 2^2 \cdot 2^x &= 2^0 \\ 2^{2+x} &= 2^0 \\ 2 + x &= 0 \\ x &= -2\end{aligned}$$

$$1 = 2^0$$

Vastaus a) $x = 0$ tai $x = 1$ b) $x = -2$ c) $x = -2$

11.11

a)

Ratkaistaan yhtälö CAS-laskimella.

$$\begin{aligned}2 \cdot 7^x &= 5 \\x &= 0,4708 \dots \\x &\approx 0,47\end{aligned}$$

b)

Ratkaistaan yhtälö CAS-laskimella.

$$\begin{aligned}e^{2x} &= 4 \\x &= 0,6931 \dots \\x &\approx 0,69\end{aligned}$$

← Syötä neperin luku e laskimeen joko komennolla $\exp(2x)$ tai valitsemalla ohjelman merkeistä e .

Vastaus a) $x \approx 0,47$

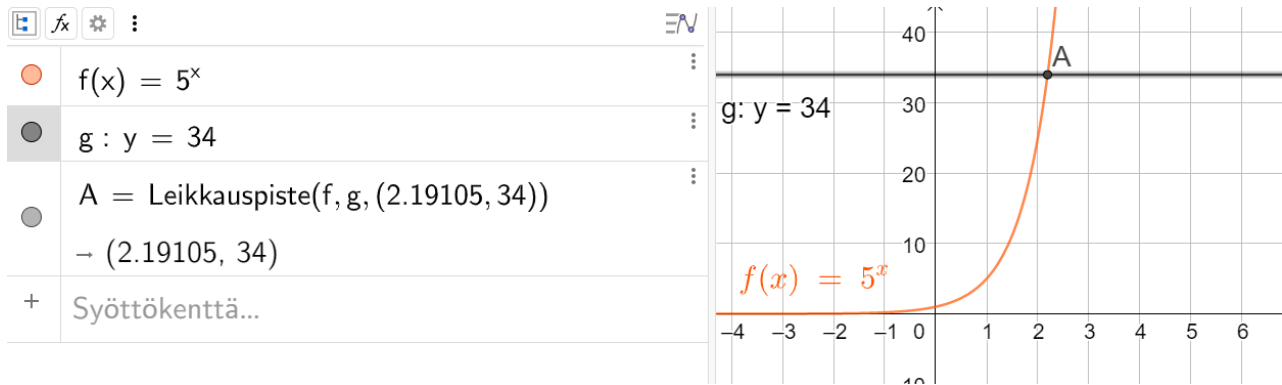
 b) $x \approx 0,69$

11.12

a)

Piirretään funktion $f(x) = 5^x$ kuvaaja ja suora $y = 34$.

Yhtälön $5^x = 34$ ratkaisu on kuvaajien leikkauspisteen x -koordinaatti.



Yhtälön $5^x = 34$ ratkaisu on $x = 2,191 \dots \approx 2,19$.

b)

Ratkaistaan yhtälö CAS laskimella.

$$5^x = 34$$
$$x = \frac{\ln 34}{\ln 5}$$

Vastaus a) $x \approx 2,19$

b) $x = \frac{\ln 34}{\ln 5}$

The screenshot shows a CAS calculator interface. At the top, the equation $5^x = 34$ is entered. Below it, the solution is displayed as $\text{Ratkaise: } \left\{ x = \frac{\ln(34)}{\ln(5)} \right\}$. A second line shows the numerical approximation $\approx \{x = 2.19105\}$.

11.13

a)

Funktion f kuvaaja kulkee pisteen $(1, -1)$, joten sijoitetaan pisteen koordinaatit yhtälöön $f(x) = a \cdot e^{1-x} + 1$.

$$\begin{aligned} f(1) &= -1 \\ a \cdot e^{1-1} + 1 &= -1 \\ a &= -2 \end{aligned}$$

b)

Vakion a arvo on -2 . Sijoitetaan se funktion lausekkeeseen, jolloin $f(x) = -2e^{1-x} + 1$. Nollakohdassa funktio saa arvon nolla. Muodostetaan ja ratkaistaan yhtälö $f(x) = 0$.

$$\begin{aligned} f(x) &= 0 \\ -2e^{1-x} + 1 &= 0 \\ x &= 1,6931 \dots \\ x &\approx 1,69 \end{aligned}$$

c)

Funktioiden kuvaajat leikkaavat, kun ne saavat samat arvot. Merkitään funktion f ja g yhtä suuriksi ja ratkaistaan yhtälö.

$$\begin{aligned} f(x) &= g(x) \\ -2e^{1-x} + 1 &= 2x - 8 \\ x &= -0,6363 \dots \quad \text{tai } x = 4,4688 \dots \\ x &\approx -0,64 \quad \quad \quad \text{tai } x \approx 4,47 \end{aligned}$$

Vastaus a) $a = -2$

 b) $x \approx 1,69$

 c) $x \approx -0,64$ tai $x = 4,47$

11.14

a)

Muokataan yhtälö muotoon $a^x = b$ ja merkitään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 10 potenssina.

$$10^x - 1000 = 0$$

$$10^x = 1000$$

$$10^x = 10^3$$

$$x = 3$$

$$1000 = 10^3$$

b)

$$16^x - 16^{2x-1} = 0$$

$$16^x = 16^{2x-1}$$

$$x = 2x - 1$$

$$-x = -1 \quad | : (-1)$$

$$x = 1$$

c)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvun 3 potenssina.

$$3^{x-1} \cdot 3^x = 9$$

$$3^{x-1+x} = 3^2$$

$$3^{2x-1} = 3^2$$

$$2x - 1 = 2$$

$$2x = 3 \quad | : 2$$

$$x = \frac{3}{2}$$

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

Vastaus a) $x = 3$ b) $x = 1$ c) $x = \frac{3}{2}$


11.15

a)

Kirjoitetaan yhtälön molemmat puolet kantaluvun 3 potenssina.

$$\begin{aligned}3^{x+1} &= 9^{2x} \\3^{x+1} &= (3^2)^{2x} \\3^{x+1} &= 3^{4x} \\x+1 &= 4x \\-3x &= -1 \quad | : (-3) \\x &= \frac{1}{3}\end{aligned}$$

$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$



b)

Muokataan yhtälö muotoon $a^x = b$ ja merkitään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 2 potenssina.

$$\begin{aligned}2^{5x} - 10 &= 22 \\2^{5x} &= 32 \\2^{5x} &= 2^5 \\5x &= 5 \quad | : 5 \\x &= 1\end{aligned}$$

c)

$$\begin{aligned}(2^3)^{2x-1} &= 16 \\2^{3 \cdot (2x-1)} &= 2^4 \\2^{6x-3} &= 2^4 \\6x-3 &= 4 \\6x &= 7 \quad | : 6 \\x &= \frac{7}{6}\end{aligned}$$

Vastaus a) $x = \frac{1}{3}$ b) $x = 1$ c) $x = \frac{7}{6}$

11.16

a)

$$\begin{aligned}(e^x)^4 &= e^2 \cdot e^x \\ e^{4x} &= e^{2+x} \\ 4x &= 2 + x \\ 3x &= 2 \quad | : 3 \\ x &= \frac{2}{3}\end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}4 \cdot 5^{-x} &= 2500 \quad | : 4 \\ 5^{-x} &= 525 \\ 5^{-x} &= 5^4 \\ -x &= 4 \\ x &= -4\end{aligned}$$

← Potenssi lasketaan ensin, joten kertolaskua $4 \cdot 5^{-x}$ ei voi suorittaa.

c)

$$\begin{aligned}-7^{x+2} &= -1 \quad | : (-1) \\ 7^{x+2} &= 1 \\ 7^{x+2} &= 7^0 \\ x + 2 &= 0 \\ x &= -2\end{aligned}$$

Vastaus a) $x = \frac{2}{3}$

 b) $x = -4$

 c) $x = -2$

11.17

a)

$$2^x \cdot 2^{x+2} = \frac{1}{16}$$

$$2^{x+x+2} = \frac{1}{2^4}$$


$$2^{2x+2} = 2^{-4}$$

$$2x + 2 = -4$$

$$2x = -6$$

$$x = -3$$

| : 2


$$\frac{1}{a^n} = a^{-n}$$

b)

$$100^{2x} = \frac{1}{10}$$

$$(10^2)^{2x} = 10^{-1}$$

$$10^{4x} = 10^{-1}$$

$$4x = -1$$

| : 4

$$x = -\frac{1}{4}$$

c)

$$(4^x)^3 = \frac{1}{512}$$

$$4^{3x} = \frac{1}{2^9}$$

$$(2^2)^{3x} = \frac{1}{2^9}$$

$$2^{6x} = 2^{-9}$$

$$6x = -9$$

| : 6

$$x = -\frac{9}{6}$$

$$x = -\frac{3}{2}$$

Vastaus a) $x = -3$ b) $x = -\frac{1}{4}$ c) $x = -\frac{3}{2}$

11.18**a)**

Esitetään yhtälön molemmat puolet kantaluvun 3 potenssina.

$$\begin{aligned}(3^x)^2 &= 27 \\ 3^{2x} &= 3^3 \\ 2x &= 3 \quad | :2 \\ x &= \frac{3}{2}\end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}3^{x^2} &= 27 \\ 3^{x^2} &= 3^3 \\ x^2 &= 3 \quad | \sqrt{\quad} \\ x &= \pm\sqrt{3}\end{aligned}$$

c)

$$\begin{aligned}3^x + 3^x &= 486 \\ 2 \cdot 3^x &= 486 \quad | :2 \\ 3^x &= 243 \\ 3^x &= 3^5 \\ x &= 5\end{aligned}$$

Vastaus **a)** $x = \frac{3}{2}$ **b)** $x = \pm\sqrt{3}$ **c)** $x = 5$

11.19

a)

$$\begin{aligned}(2^x)^{x-1} &= 8^x \\ 2^{x(x-1)} &= (2^3)^x \\ 2^{x^2-x} &= 2^{3x} \\ x^2 - x &= 3x \\ x^2 - 4x &= 0 \\ x(x-4) &= 0\end{aligned}$$

Tulon nollasäännön mukaan

$$x = 0 \quad \text{tai} \quad x - 4 = 0 \\ x = 4$$

b)

$$\begin{aligned}(3^x)^{x-2} &= 9^{x-2} \\ 3^{x(x-2)} &= (3^2)^{x-2} \\ 3^{x^2-2x} &= 3^{2x-4} \\ x^2 - 2x &= 2x - 4 \\ x^2 - 4x + 4 &= 0\end{aligned}$$

Ratkaistaan yhtälö toisen asteen yhtälön ratkaisukaavalla.

$$\begin{aligned}x &= \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 4}}{2 \cdot 1} \\ x &= \frac{4 \pm \sqrt{16 - 16}}{2} \\ x &= \frac{4 \pm 0}{2} \\ x &= \frac{4}{2} = 2\end{aligned}$$



$ax^2 + bx + c = 0$ $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$
--

c)

$$\begin{aligned}11^{x^2+2} &= 121 \cdot 11^{3x} \\ 11^{x^2+2} &= 11^2 \cdot 11^{3x} \\ 11^{x^2+2} &= 11^{2+3x} \\ x^2 + 2 &= 2 + 3x \\ x^2 - 3x &= 0 \\ x(x-3) &= 0\end{aligned}$$

Tulon nollasäännön mukaan

$$x = 0 \quad \text{tai} \quad x - 3 = 0 \\ x = 3$$

Vastaus a) $x = 0$ tai $x = 4$ b) $x = 2$ c) $x = 0$ tai $x = 3$

11.20

a)

$$\left(\frac{1}{7}\right)^{4x} = 49^2$$

$$(7^{-1})^{4x} = (7^2)^2$$

$$7^{-4x} = 7^4$$

$$-4x = 4 \quad | : (-4)$$

$$x = -1$$

$$\frac{1}{a^n} = a^{-n}$$

b)

$$\left(\frac{3}{8}\right)^{x+1} = \left(\frac{8}{3}\right)^{2x+1}$$

$$\left(\frac{3}{8}\right)^{x+1} = \left(\frac{3}{8}\right)^{-(2x+1)}$$

$$x + 1 = -(2x + 1)$$

$$x + 1 = -2x - 1$$

$$3x = -2 \quad | : 3$$

$$x = -\frac{2}{3}$$

Luvun negatiivinen potenssi on positiivisen potenssin käänteisluku.

c)

$$\left(\frac{4}{3}\right)^x = \frac{27}{64}$$

$$\left(\frac{4}{3}\right)^x = \frac{3^3}{4^3}$$

$$\left(\frac{4}{3}\right)^x = \left(\frac{3}{4}\right)^3$$

$$\left(\frac{4}{3}\right)^x = \left(\frac{4}{3}\right)^{-3}$$

$$x = -3$$

$$\frac{a^x}{b^x} = \left(\frac{a}{b}\right)^x$$

Vastaus a) $x = -1$ b) $x = -\frac{2}{3}$ c) $x = -3$

11.21

a)

$$\begin{aligned}2^x \cdot 5^x &= \frac{1}{10} \\(2 \cdot 5)^x &= 10^{-1} \\10^x &= 10^{-1} \\x &= -1\end{aligned}$$

$$\leftarrow (ab)^x = a^x b^x$$

b)

$$\begin{aligned}4 \cdot 5^x &= 10^x & | : 5^x \\4 &= \frac{10^x}{5^x} \\4 &= \left(\frac{10}{5}\right)^x \\4 &= 2^x \\2^2 &= 2^x \\x &= 2\end{aligned}$$

$$\leftarrow \frac{a^x}{b^x} = \left(\frac{a}{b}\right)^x$$

Vastaus a) $x = -1$

 b) $x = 2$

11.22

a)

Valitaan ratkaisuksi esimerkiksi $x = 2$.

Tällöin yhtälö voi olla esimerkiksi

$$6^x = 6^2$$

$$6^x = 36$$

b)

Yhtälöllä ei ole ratkaisua, jos eksponenttifunktion arvo on negatiivinen.

Esimerkiksi yhtälöllä $6^x = -5$ ei ole ratkaisua.

c)

Muodostetaan ensin toisen asteen yhtälö, jonka ratkaisuna ovat $x = 0$ tai $x = -1$.

Tulon nollasäännön perusteella tällainen yhtälö on

$$x(x + 1) = 0$$

$$x^2 + x = 0$$

Muodostetaan seuraavaksi eksponenttiyhtälö, jossa kantaluvut ovat samat ja jonka potenssit edellisen yhtälön termit.

$$6^{x^2+x} = 6^0$$

Tämän yhtälön voi myös esittää muodossa $6^{x^2+x} = 1$.

Vastaus a) $6^x = 36$

b) $6^x = -5$

c) $6^{x^2+x} = 6^0$

11.23

Ratkaistaan yhtälöt CAS-laskimella.

a)

$$\begin{aligned}350 \cdot 1,025^x &= 500 \\x &= 14,4446 \dots \\x &\approx 14,44\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}350 \cdot 1.025^x &= 500 \\ \text{RatkaiseNumeerisesti:} \\ \{x &= \mathbf{14.4446}\}\end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}e^{3x} - 1 &= 5 \\x &= 0,5972 \dots \\x &\approx 0,60\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}e^{3x} - 1 &= 5 \\ \text{RatkaiseNumeerisesti:} \\ \{x &= \mathbf{0.59725}\}\end{aligned}$$

c)

$$\begin{aligned}7 \cdot 3^x &= 2 \cdot 6^x \\x &= 1,8073 \dots \\x &\approx 1,81\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}7 \cdot 3^x &= 2 \cdot 6^x \\ \text{RatkaiseNumeerisesti:} \\ \{x &= \mathbf{1.80735}\}\end{aligned}$$

Vastaus a) $x \approx 14,44$

b) $x \approx 0,60$

c) $x \approx 1,81$

11.24

a)

Funktion f kuvaaja kulkee pisteen $(-2, -4)$, joten sijoitetaan pisteen koordinaatit yhtälöön $f(x) = a \cdot e^{x+2} - 3a$.

$$\begin{aligned}f(-2) &= -4 \\ a \cdot e^{-2+2} - 3 \cdot a &= -4 \\ a &= 2\end{aligned}$$

b)

Vakion a arvo on 2. Sijoitetaan se funktion lausekkeeseen, jolloin $f(x) = 2e^{x+2} - 3 \cdot 2 = 2e^{x+2} - 6$.

Nollakohdassa funktio saa arvon nolla. Muodostetaan ja ratkaistaan yhtälö $f(x) = 0$.

$$\begin{aligned}f(x) &= 0 \\ 2e^{x+2} - 6 &= 0 \\ x &= -0,9013 \dots \\ x &\approx -0,90\end{aligned}$$

c)

Funktioiden kuvaajat leikkaavat, kun ne saavat samat arvot. Merkitään funktion f ja g yhtä suuriksi ja ratkaistaan yhtälö.

$$\begin{aligned}f(x) &= g(x) \\ 2e^{x+2} - 6 &= \frac{1}{2}x - 1 \\ x &= -9,9986 \dots \text{ tai } x = -1,2130 \dots \\ x &\approx -10,00 \quad \text{tai } x \approx -1,21\end{aligned}$$

Vastaus a) $a = 2$

b) $x \approx -0,90$

c) $x \approx -10,00$ tai $x = -1,21$