

## 5 Planeettojen ja satelliittien liike

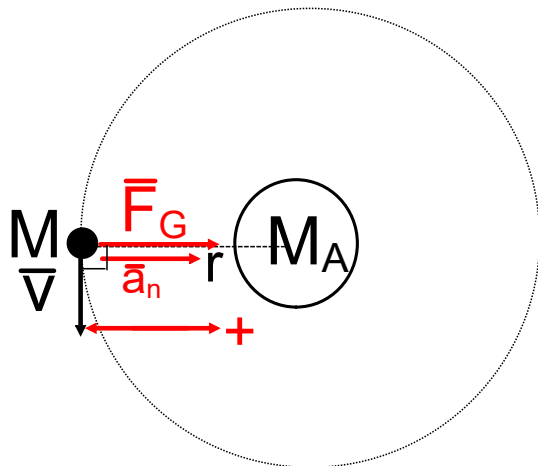
### ESIMERKKI 2 s 47

Maapallon kiertoaika Auringon ympäri

Oletukset:

- tasainen ympyräliike ( $r = \text{vakio}$  ja  $v = \text{vakio}$ )
- Aurinko pysyy paikallaan Maan radan keskipisteessä (Tämä ei pidä ihan tarkalleen paikkaansa.)

helmi 5-9:00



Liikkeyhtälö:  $\vec{F}_G = M\vec{a}_n$

Skalaariyhtälö:  $F_G = \frac{Mv^2}{r}$

helmi 5-9:03

$$\frac{\gamma M_A M}{r^2} = \frac{M v^2}{r} \quad | :M \quad | \cdot r$$

$$\frac{\gamma M_A}{r} = v^2 \quad | \text{Tasainen ympyräliike: } v = 2\pi r / T$$

$$\frac{\gamma M_A}{r} = \frac{4\pi^2 r^2}{T^2} \quad \gamma M_A T^2 = 4\pi^2 r^3 \quad | : \gamma M_A$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2 r^3}{\gamma M_A} \quad | \sqrt{\quad}$$

Tämä on Keplerin  
III lain mukainen tulos

$$T = \sqrt{\frac{4\pi^2 r^3}{\gamma M_A}}$$

$$= \sqrt{\frac{4\pi^2 \cdot (149,6 \cdot 10^9)^3 \text{m}^3}{6,67259 \cdot 10^{-11} \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^3}{\text{s}^2 \cdot \text{kg}^2} \cdot 1,989 \cdot 10^{30} \text{kg}}}$$

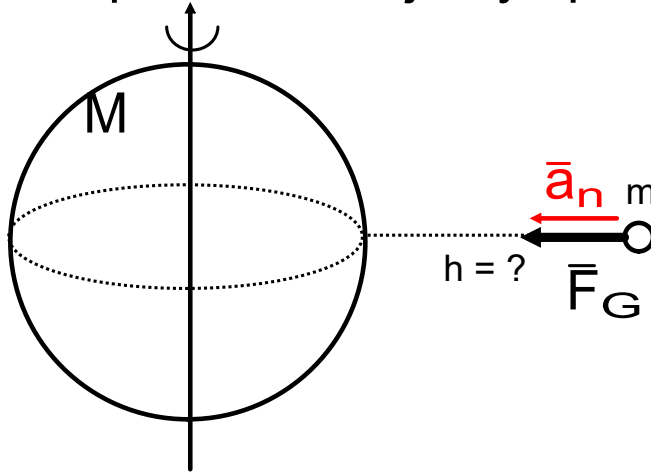
$$\approx 31,558 \cdot 10^6 \text{s} \approx 365 \text{d}, 2 \text{d}.$$

joulu 19-13:15

### ESIMERKKI 3: Geostationäärinen satelliitti

- sijaitsee päiväntasaajan yläpuolella
- kiertää maapallon samassa ajassa kuin maapallo pyörähtää yhden kierroksen
- näyttää olevan Maasta katsottuna paikallaan
- kuinka korkealla se on?

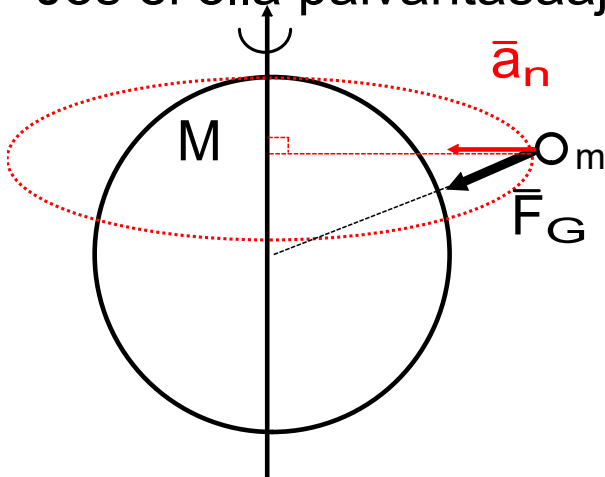
## Miksi päiväntasaajan yläpuolella?



Ainoastaan päiväntasaajalla normaalkiihtyvyys ja gravitaatiovoima ovat samansuuntaisia.

helmik. 13-16.19

## Jos ei olla päiväntasaajalla...

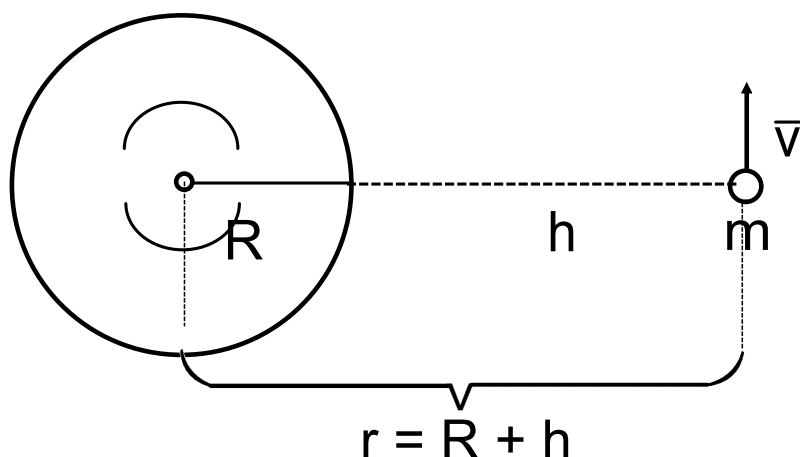


Gravitaatiovoima osoittaa maapallon keskipisteeseen ja normaalikihtyvyys ratatason keskipisteeseen eli

$$\bar{F}_G \nparallel \bar{a}_n$$

helmik. 13-16.19

Pohjoisnavalta katsottuna...



maalisk. 12-17.03

Liikkeyhtälö:  $\bar{F}_G = m\bar{a}_n$  eli

$$\frac{\gamma Mm}{r^2} = \frac{mv^2}{r}$$

Sijoitetaan  $v = \frac{2\pi r}{T}$ ,

jolloin saadaan sievennyksen jälkeen kaava

$$\frac{\gamma Mm}{r^2} = \frac{m4\pi^2 r^2}{rT^2} \quad | :m | r^2 \quad \text{eli}$$

$$\gamma M = \frac{4\pi^2 r^3}{T^2}$$

maalisk. 12-17.11

Satelliitin etäisyys maapallon keskipisteestä on

$$r = \sqrt[3]{\frac{T^2 \gamma M}{4\pi^2}}$$
$$= \sqrt[3]{\frac{(86164,1\text{s})^2 \cdot 6,67428 \cdot 10^{-11} \text{Nm}^2/\text{kg}^2 \cdot 5,974 \cdot 10^{24} \text{kg}}{4\pi^2}}$$

$\approx 42168,4$  km ja kysytty korkeus

$$h = r - R = 42168,4\text{km} - 6378\text{km} \approx \underline{35790\text{km}}$$

maalisk. 12-17.27

maalisk. 13-17.11